

НАЦІОНАЛЬНА  
АКАДЕМІЯ НАУК  
УКРАЇНИ

ІНСТИТУТ  
ПРИКЛАДНИХ  
ПРОБЛЕМ  
МЕХАНІКИ І  
МАТЕМАТИКИ  
ім. Я. С. ПІДСТРИГАЧА

# МАТЕМАТИЧНІ МЕТОДИ ТА ФІЗИКО- МЕХАНІЧНІ ПОЛЯ

НАУКОВИЙ ЖУРНАЛ

ЗАСНОВАНО 1975 р.

Том 59, № 1

ЛЬВІВ 2016

## ЗМІСТ

Гаїкевич О. Р., Кушнір Р. М. Вибрані проблеми механіки зв'язаних полів . . . . .	7
Bogdanov V. L., Nazarenko V. M. Analysis of non-classical fracture problems of pre-stressed bodies with interacting cracks . . . . .	25
Пелих В. О., Тайстра Ю. В. Клас загальних розв'язків рівнянь Максвелла у просторі Керра . . . . .	48
Сухорольський М. А. Ортогональні по області системи функцій і їх застосування у краївих задачах математичної фізики . . . . .	58
Лопушанська Г. П., М'яус О. М. Відновлення початкових даних у задачі для рівняння дифузії з дробовою похідною за часом . . . . .	68
Токибетов Ж. А., Абдуахитова Г. Е., Сарсекеева А. С. Многомерные аналоги системы Коши – Римана и представления их решения через гармонические функции . . . . .	78
Немировский Ю. В., Бабин А. И. Связанная задача термоупругости слоистых композитных оболочек вращения. I. Теоретические аспекты проблемы .	86
Янковский А. П. Исследование спектральной устойчивости обобщенных методов Рунге – Кутта применительно к начально-краевым задачам для уравнений параболического типа. I. Явные методы . . . . .	99
Авраменко О. В., Нарадович В. В., Селезов I. T. Енергія внутрішніх і поверхневих хвильових рухів у двошаровій гідродинамічній системі . . . . .	111

<i>Григоренко О. Я., Пархоменко О. Ю., Васильєва Л. Я., Борисенко М. Ю.</i> Розв'язання задачі про вільні коливання нетонкої ортотропної пологої оболонки змінної товщини в уточненій постановці . . . . .	121
<i>Григоренко Я. М., Рожок Л. С.</i> Вплив зміни параметрів ортотропії на напруженій стан порожністих циліндрів з угнутим гофрованим поперечним перерізом . . . . .	132
<i>Опанасович В. К., Слободян М. С.</i> Згин ізотропної пластини з двома рівними співвісними наскрізними тріщинами з урахуванням ширини області контакту їх берегів і за наявності пластичних зон біля їх вершин . . . . .	141
<i>Соляр Т. Я.</i> В'язкопружні напруження у пластинках із включенням з тріщинною . . . . .	150
<i>Грицина О. Р.</i> Узагальнена континуально-феноменологічна модель в'язкої рідини: урахування локального зміщення маси . . . . .	161
<i>Чекурін В. Ф., Бойчук Ю. В.</i> Математична модель для емісійної ІЧ-томографії температурного поля в ізотропному шарі . . . . .	171

НАЦИОНАЛЬНАЯ  
АКАДЕМИЯ НАУК  
УКРАИНЫ

ИНСТИТУТ  
ПРИКЛАДНЫХ  
ПРОБЛЕМ  
МЕХАНИКИ И  
МАТЕМАТИКИ  
им. Я. С. ПОДСТРИГАЧА

# МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ И ФИЗИКО- МЕХАНИЧЕСКИЕ ПОЛЯ

НАУЧНЫЙ ЖУРНАЛ

ОСНОВАН В 1975 г.

Том 59, № 1

ЛЬВОВ 2016

## СОДЕРЖАНИЕ

Гачкевич А. Р., Кушнир Р. М. Избранные проблемы механики связанных полей .....	7
Богданов В. Л., Назаренко В. М. Исследование неклассических проблем разрушения предварительно напряженных тел со взаимодействующими трещинами .....	25
Пелых В. А., Тайстра Ю. В. Класс общих решений уравнений Максвелла в пространстве Керра .....	48
Сухорольский М. А. Ортогональные по области системы функций и их применение в краевых задачах математической физики .....	58
Лопушанская Г. П., Мяус О. М. Восстановление начальных значений в задаче для уравнения диффузии с дробной производной по времени .....	68
Токибетов Ж. А., Абдуахитова Г. Е., Сарсекеева А. С. Многомерные аналоги системы Коши – Римана и представления их решения через гармонические функции .....	78
Немировский Ю. В., Бабин А. И. Связанная задача термоупругости слоистых композитных оболочек вращения. I. Теоретические аспекты проблемы .	86
Янковский А. П. Исследование спектральной устойчивости обобщенных методов Рунге – Кутта применительно к начально-краевым задачам для уравнений параболического типа. I. Явные методы .....	99
Авраменко О. В., Нарадовый В. В., Селезов И. Т. Энергия внутренних и поверхностных волновых движений в двухслойной гидродинамической системе .....	111

<i>Григоренко А. Я., Пархоменко А. Ю., Васильева Л. Я., Борисенко М. Ю.</i> Решение задачи о свободных колебаниях нетонкой ортотропной пологой оболочки переменной толщины в уточненной постановке .....	121
<i>Григоренко Я. М., Рожок Л. С.</i> Влияние изменения параметров ортотропии на напряженное состояние полых цилиндров с вогнутым гофрированным поперечным сечением .....	132
<i>Опанасович В. К., Слободян Н. С.</i> Изгиб изотропной пластины с двумя равными соосными сквозными трещинами с учетом ширины области контакта их берегов и при наличии пластических зон около их вершин .....	141
<i>Соляр Т. Я.</i> Вязкоупругие напряжения в пластинках с включением с трещиной .....	150
<i>Грицина О. Р.</i> Обобщенная континуально-феноменологическая модель вязкой жидкости: учет локального смещения массы .....	161
<i>Чекурин В. Ф., Бойчук Ю. В.</i> Математическая модель для эмиссионной ИК-томографии температурного поля в изотропном слое .....	171

NATIONAL  
ACADEMY  
OF SCIENCES  
OF UKRAINE

PIDSTRYHACH  
INSTITUTE OF  
APPLIED PROBLEMS  
OF MECHANICS AND  
MATHEMATICS

# MATHEMATICAL METHODS and PHYSICOMECHANICAL FIELDS

SCIENTIFIC JOURNAL

FOUNDED IN 1975

**Vol. 59, No. 1**

L'viv 2016

---

---

## CONTENTS

<i>Hachkevych O. R., Kushnir R. M.</i> Selected problems of mechanics of coupled fields .....	7
<i>Bogdanov V. L., Nazarenko V. M.</i> Analysis of non-classical fracture problems of pre-stressed bodies with interacting cracks .....	25
<i>Pelykh V. O., Taistra Y. V.</i> Class of general solutions of Maxwell equations in Kerr space-time .....	48
<i>Sukhorolsky M. A.</i> Orthogonal over the domain systems of functions and their application in boundary value problems of mathematical physics .....	58
<i>Lopushanska H. P., Myaus O. M.</i> Restoration of initial values in problem for a time fractional diffusion equation .....	68
<i>Tokibetov J. A., Abduakhitova G. E., Sarsekeyeva A. S.</i> Multidimensional analogues of the Cauchy – Riemann's system and representations of their solutions via harmonic functions .....	78
<i>Nemirovskii Yu. V., Babin A. I.</i> Coupled thermoelasticity problem for multilayered composite shells of revolution. I. Theoretical aspects of the problem .....	86
<i>Yankovskii A. P.</i> Study of the spectral stability of generalized Runge – Kutta methods applied to initial-boundary value problems for equations of parabolic type. I. Explicit methods .....	99
<i>Avramenko O. V., Naradovyi V. V., Selezov I. T.</i> The energy of internal and surface wave motions in two-layered hydrodynamic system .....	111

<i>Grigorenko A. Ya., Parkhomenko A. Yu., Vasilieva L. Ya., Borisenko M. Yu.</i> Solving the problem on free vibrations of a non thin orthotropic shallow shell of variable thickness in a refined statement .....	121
<i>Grigorenko Ya. M., Rozhok L. S.</i> Effects of variation of orthotropic parameters on stress state of hollow cylinders with concave corrugated cross-section .	132
<i>Opanasovych V. K., Slobodyan M. S.</i> Bending isotropic plate with two equal coaxial through-thickness cracks with accounting the width of a contact zone of its faces and in the presence of plastic zones near its tips .....	141
<i>Solyar T. Ya.</i> Viscoelastic stresses in plates containing inclusion with crack ....	150
<i>Hrytsyna O. R.</i> A generalized continuum phenomenological model for viscous liquid: accounting local mass displacement .....	161
<i>Chekurin V. F., Boychuk Yu. V.</i> Mathematical model for IR emission tomography of temperature field in isotropic layer .....	171